doi: 10. 6041/j. issn. 1000-1298. 2013. 12. 014

弹性喷嘴变量喷头结构设计与参数模型^{*}

刘文帅¹ 韩文霆² 姚小敏¹ 崔利华¹ 张小波¹

(1. 西北农林科技大学机械与电子工程学院, 陕西杨凌 712100; 2. 西北农林科技大学水土保持研究所, 陕西杨凌 712100)

摘要:设计了一种弹性喷嘴的变量喷头,其喷嘴直径随压力的增大而变大,从而降低喷头的雾化程度。为研究确定 弹性喷嘴锥形角、喷嘴直径、末端圆柱段长度、弹性材料厚度和喷嘴伸出量等主要参数,利用 ANSYS 建立了变量喷 头及其内流道的三维实体模型,采用 k-e 模型在 CFX 和 ANSYS 单向流固耦合中模拟喷头弹性喷嘴在不同工作压 力,不同喷嘴直径组合下的内流道流场和喷嘴的变形过程,建立了工作压力、喷嘴直径变形和喷头流量等参数的关 系模型。采用全面喷洒的方法对喷头样品进行了试验,通过测量喷头流量和喷头工作压力等,对模拟结果进行验 证。

关键词: 变量喷头 结构设计 参数模型 流场模拟 中图分类号: S275.5 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2013)12-0080-07

Configuration Design and Parameter Model for Flexible Nozzle of Variable-rate Sprinkler

Liu Wenshuai¹ Han Wenting² Yao Xiaomin¹ Cui Lihua¹ Zhang Xiaobo¹

College of Mechanical and Electronic Engineering, Northwest A&F University, Yangling, Shannxi 712100, China
 Institute of Soil and Water Conservation, Northwest A&F University, Yangling, Shannxi 712100, China)

Abstract: A flexible nozzle of the variable-rate sprinkler was developed. As the pressure increased, the diameter of the flexible nozzle increased and then the degree of fogging reduced. The main parameters of the nozzle, cone angle, range nozzle, length of end cylindrical section, thickness of elastic material, and extended volume of nozzle, were investigated. The 3-D solid model of the flexible variable nozzle and its internal runner were established using ANSYS software. The internal flow field of the flexible nozzle was simulated using computational fluid dynamics (CFD) software with $k-\varepsilon$ model and ANSYS software with one-way fluid solid coupling model at different working pressure and different range nozzle. Relationship between working pressure, range nozzle and nozzle flow were evaluated. Simulation results were verified and precision of model was improved by measuring the displacement of the nozzle, the nozzle flow and the working pressure of the produced nozzle samples.

Key words: Variable nozzle Configuration design Parameter model Simulation of flow field

引言

人工模拟降雨喷头是人工模拟降雨系统的关键 部件之一。已有的人工模拟降雨喷头由刚性的喷管 和喷嘴等组成 喷嘴安装在喷管上 尽管不同喷头的 喷嘴有不同出口形状与尺寸,但对于一种固定的喷 头其出口截面积是固定的,不随喷头入口压力变化 而变化。一定范围内,当压力增加时雾化程度增加, 这与自然降雨相反。国内学者对人工模拟降雨喷头 结构进行了改进。党福江研究了一种双调控人工模

收稿日期: 2013-05-18 修回日期: 2013-06-07

^{*} 国家自然科学基金资助项目(51079140)、"十二五"国家科技支撑计划资助项目(2011BAD29B08)和高等学校学科创新引智计划资助项 目(B12007)

作者简介: 刘文帅 ,博士生 ,主要从事节水灌溉技术与装备研究 ,E-mail: liuwenshuai@163.com

通讯作者: 韩文霆 副教授 博士生导师 ,主要从事节水灌溉技术与装备研究 E-mail: hanwt2000@126.com

拟降雨喷头,提高了降雨均匀性,实现无空心喷 洒^[1];舒安平研发了便携式人工降雨模拟器,实现 了降雨面积和降雨强度的可调^[2];贵州师范大学开 发了一种人工降雨实验装置用的降雨器,增大了雨 强的调节范围^[3],但均未解决压力增加时雾化程度 加剧的问题。

变量喷头可以根据喷灌需要实现喷洒域和喷洒 量的可控喷洒 提高喷灌系统喷洒均匀性和对地形 形状的适应性。国内外专家对变量喷头的研究主要 集中在变量实现技术和结构设计方面。Robert 研制 了一种仰角和转速自动调节的反作用式喷头,使喷 头射程随喷头转速的变化而变化^[4]。Benjamin 研 制了一种自动挡水器转速可调的叶轮驱动式喷头, 实现了喷头转速和射程的同步可控^[5]。Ohayon 通 过在摇臂式喷头出水口处安装流量调节阀,实现流 量和压力的自动调节功能^[6]。Hunnicutt 等设计了 一种可以应用于多种喷头上的弧形调整阀,该阀有 不同的出水口径 出水口径的大小由工作压力进行 调节 实现喷头流量的自动调节^[7]。Armon 在摇臂 式喷头上添加了限位挡片,通过限位挡片的位置调 整,实现喷头对指定区域的喷洒^[8]。韩文霆等对国 内外仿形喷洒域变量喷头和非圆形喷洒域变量喷头 研究现状进行了总结,并设计了动静片调节器,通过 在原有的摇臂式喷头上安装该调节器,实现了喷头 射程和流量的同步调节^[9~11]。袁寿其等发明了一 种异形喷嘴摇臂式喷头,实现工作压力对喷头的流 量调节^[12]。韩文霆等设计了一种柔性喷嘴的降雨 模拟变量喷头 实现喷洒雨滴直径随工作压力的增 加而增大^[13]。

近年来 流固耦合技术在工业中得到广泛应用。 Kuiken 围绕粘性液体、气体、各向同性粘弹性管、预 应力管以及热动力学方面进行了一系列研究[14~17]。 Behr 等利用 EFA 法对梯形槽的波动情况进行了分 析^[18]; Bueehignani 等利用 Laplace 方程提出了一种 受水平激励下的流固耦合求解方法^[19]; Yang 等利 用强耦合嵌入式边界法对弹性刚体进行流固耦合求 解^[20]。郑艳丽利用 ANSYS 进行三通管的传热分 析^[21]; 袁斌利用 ANSYS 对矩形平翅片热管散热器 进行了传热分析^[22];徐蕾等利用 ANSYS ICEMCFD 模块对流体的传热和流动情况进行了分析^[23]。张 斌利用 ANSYS 对轴流叶片的应力进行了分析^[24]; 喻宇对有压管道中的水流冲击气泡问题进行了数值 分析^[25]; 陶海亮等进行了压气机叶片的应力分 析^[26]; 刘德有等利用 VOF 模型研究了水流对管道 内滞留气泡的冲击问题^[27];廖斌等利用 NASA-VOF 模型研究了水流对丁坝的冲击问题^[28]。

本文将变量技术引入到人工模拟降雨喷头中, 设计一种弹性喷嘴变量喷头结构,使其喷嘴直径随 压力的增加而增加,进而降低喷头的雾化程度,并利 用 ANSYS 对喷头的内流场进行数值模拟,确定喷头 的参数,最终建立喷头流量、喷嘴直径和工作压力的 关系模型。

1 材料与方法

1.1 弹性喷嘴变量喷头的结构

现有的人工模拟降雨喷头由刚性喷嘴和喷管组 成(图1) 喷嘴通过螺纹连接到喷管上。水流通过 喷嘴的小孔喷出 脱离固体边界的约束 在大气中作 扩散运动 碎裂成雨滴。



1.刚性喷嘴 2.喷管

弹性喷嘴变量喷头(图2)由弹性喷嘴、外部固 定件和刚性喷管组成。弹性喷嘴为锥形喷嘴,喷 嘴安装在锥形固定件内,前端伸出固定件,末端通 过固定件与刚性喷管螺纹连接。当喷头工作压力 增加时,喷嘴出水口处压力增加,弹性喷嘴在压力 的作用下喷嘴出水口径变大,降低喷头的雾化程 度。





1.2 ANSYS 单向流固耦合模型

1.2.1 流体动力学模型

假设水在常温下为粘性不可压缩流体,当雷诺 数超过2300时产生湍流,本文选用 k-e 模型对喷头 内流场进行 CFD 数值模拟。入口压力分别为100、 150、200、250和300 kPa,喷头出口压力为标准大气 压,计算区域的边界假定为无滑移条件。用标准的 边界方程进行近壁面处理,用分布求解的 SIMPEC 算法求解控制方程。

1.2.2 结构动力学模型

选用 100% 弹性模量为 2 MPa 的巴西橡胶作为

喷嘴材料。采用大变形求解模式和非结构四面体网格。在喷嘴处导入流体的流固耦合面压力,模拟计 算喷嘴直径分别为1、2、3、4和5mm时出水口的变形。

1.2.3 流固耦合方程

流固耦合过程中要遵循物理守恒定律,并且固 体区域变形应与流体区域变形相等。

$$\boldsymbol{\tau}_f \boldsymbol{n}_f = \boldsymbol{\tau}_s \boldsymbol{n}_s \tag{1}$$

$$T_f = T_s \tag{2}$$

式中 *τ* — 流体与固体应力 ,Pa *T* — 位移 ,m *n* — 向量数

下标 ƒ 为流体 ,下标 ₅ 为固体。

1.3 结构参数确定

弹性喷嘴为锥形喷嘴,图 3 为弹性喷嘴的剖视 图。从图中可知,影响喷头结构的参数主要有喷嘴 直径 D、材料弹性模量 E、锥形角θ、喷嘴材料厚度δ、 喷嘴在固定件中伸出量 l 和喷嘴末端圆柱段长度 L。 人工模拟降雨喷头的工作压力一般为 100 ~ 300 kPa,为了使水流在喷嘴处碎裂,要求喷嘴直径 一般为1~5 mm。锥形喷嘴的锥形角对喷头的射程 和流量有显著影响,当锥形角在 20°~45°时碎裂条 件较好。喷嘴在固定件中伸出量决定了喷嘴的最大 变形位置和变形大小,一般喷嘴直径在 1~5 mm 时 喷嘴最大变形在喷嘴出水口处。喷嘴末端圆柱段长 度起到对水流的缓冲作用,一般在 4~8 mm 时可以 完成缓冲。



因此,初步选定喷嘴直径 D 为 1、2、3、4 和 5 mm,角度 θ 为 20°、30°和 40°,喷嘴材料厚度 δ 为 2、3、4 和 5 mm,喷嘴在固定件的伸出量 l 为 2、3 和 4 mm 和喷嘴末端圆柱段长度 L 为 4、5 和 6 mm,弹 性模量 E 为 2 MPa。本文采用单一变量法确定锥形 角、喷嘴材料厚度、伸出量和圆柱段长度 4 个参数。

以 ANSYS 确定喷嘴锥形角为例,论述喷头参数的确定方法。给定喷嘴直径 2 mm、喷嘴厚度 3 mm、 喷嘴伸出量 4 mm、末端圆柱段长度 6 mm,分别建立 圆锥角为 20°、30°和 40°的喷头三维实体结构、喷头 内流场网格和喷头结构网格。图4为θ=40°时,在 喷头工作压力为300 kPa,喷头出口为标准大气压的 条件下建立的流固耦合模型,模拟分析喷嘴出水口 处变形。

在建立喷头内流场模型时,内流道为连续的曲面划分网格,对整个区域采用结构六面体网格和非结构四面体网格相结合的网格划分方法(图4b),其网格数量为21838。

在建立喷头结构模型时,将喷头结构简化去掉 螺纹结构和外部固定件,由喷嘴外部添加固定约束 替代原结构(图4c),其网格数量为30712。



1.4 参数模型建立

1.4.1 理论模型

建立喷头流量与喷嘴直径变形的关系以及喷头 流量与工作压力的关系,即可建立喷头流量与工作 压力和喷嘴直径变形的关系。

通过模拟相同工作压力条件下,喷嘴直径为1~ 5 mm 时的喷嘴直径变形和喷头流量变化数据,建立 喷头流量与喷嘴直径变形关系为

$$Q = f_1(\Delta D) \tag{3}$$

式中 Q----喷头流量 "m³/h

ΔD----喷嘴直径变形 "mm

通过模拟相同喷嘴直径条件下,工作压力为 100~300 kPa 时的工作压力和喷头流量变化数据, 建立喷头流量与工作压力关系为

$$Q = f_2(p) \tag{4}$$

式中 p----工作压力 kPa

通过上述建立的喷头流量与喷嘴直径变形的关 系及喷头流量与工作压力的关系,最终建立弹性喷 嘴的流量与工作压力和喷嘴直径变形的关系为

$$Q = f_3(p \ \Delta D) \tag{5}$$

1.4.2 曲线模型

模拟计算喷头在5种不同工作压力(100、150、

200、250 和 300 kPa) 和 5 种不同喷嘴直径(1、2、3、4 和 5 mm) 下的喷嘴变形及喷头流量。

在同一喷嘴直径下,建立工作压力与流量的关系。用 Excel 对工作压力与流量数据进行曲线拟 合 拟合曲线采用指数、线性、对数、多项式和乘幂形 式。同样的方法拟合其余4种喷嘴直径下的工作压 力与喷头流量的关系,共得到25组曲线,对比曲线 的相关系数确定出最优曲线,即喷头工作压力与喷 头流量的关系曲线。同样的方法可以建立喷嘴变形 与喷头流量的关系模型。

1.5 试验验证

1.5.1 试验材料与设备

根据模拟得到的参数,加工喷嘴直径为2、3和4mm的弹性喷嘴,并对喷嘴的外部固定件进行加工,加工样品如图5所示。



图 5 加工样品 Fig. 5 Smples

试验系统包括弹性喷嘴变量喷头、管路系统、水 泵机组、智能流量计和电子压力表等,如图6所示。 试验中通过调频将压力稳定在200、250和300 kPa。 系统采用 PVC 管进行连接,且密闭性良好。

1.5.2 试验条件与方案

喷头试验在中国旱区节水农业研究院的灌溉水 力学大厅内进行,该试验场地长 80 m、宽 30 m,提供



图6 喷头喷洒试验系统示意图

Fig. 6Schematic diagram of nozzle spray test system1. 储水槽2. 喷头3. 压力表4. PVC 管5. 流量计6. 阀门7. 水泵

有固定压力 0 ~ 500 kPa 的调频泵及管道系统,实验 室气温为 10° ~ 25°,风力 0 ~ 1 级,坡度小于 1°,试 验场地如图 7 所示。进行全面喷洒试验时,对喷头 的流量测 3 次后取平均值。



图 7 试验场地 Fig. 7 Test facilities

2 结果与讨论

2.1 结构参数确定

当喷嘴直径为2 mm、喷嘴厚度为3 mm、喷嘴伸 出量为4 mm、末端圆柱段长度为6 mm,圆锥角为 20°、30°和40°时弹性喷嘴变形如图8 所示。



农业机械学报

由图 8 可知, 維形角在 20°~40°范围变化时, 維 形角越大喷嘴最大变形逐渐增大,且最大变形位置 逐渐靠近出水口处。由于锥形角为 40°时喷嘴变形 最大且在出水口处,因此选定 40°为锥形角的最优 参数。采用同样的方法确定其余的最优参数, 最终 确定喷嘴的参数为锥形角 40°、厚度 5 mm、伸出量 4 mm和圆柱端长度 6 mm。

2.2 关系模型建立

2.2.1 喷嘴变形与喷头流量的关系

喷头工作压力为 250 kPa 时得到的喷嘴变形与 喷头流量 拟合曲线如图 9 所示。

通过各个拟合曲线比较可以发现,指数曲线拟 合度最高,喷头流量与喷嘴变形之间近似符合指数 关系,函数关系式为





喷头工作压力为 250 kPa、喷嘴直径为 1、2、3、4 和 5 mm 时喷嘴变形 ΔD 和流量 Q 如图 10 所示。由 图 10 可知 随着喷嘴直径的增大喷嘴变形和喷头流 量增大。



Fig. 10 Different diameter nozzle deformation and flow

(a) $D = 1 \text{ mm } \Delta D = 0.675 39 \text{ mm } Q = 0.145 46 \text{ m}^3/\text{h}$ (b) $D = 2 \text{ mm } \Delta D = 0.910 38 \text{ mm } Q = 0.562 04 \text{ m}^3/\text{h}$

(c) $D = 3 \text{ mm } \Delta D = 1.01790 \text{ mm } Q = 1.16168 \text{ m}^3/\text{h}$ (d) $D = 4 \text{ mm } \Delta D = 1.11390 \text{ mm } Q = 1.9090 \text{ m}^3/\text{h}$

(e) $D = 5 \text{ mm } \Delta D = 1.161 \text{ 00 mm } Q = 2.724 \text{ 35 m}^3 \text{ /h}$

2.2.2 工作压力与流量关系

喷嘴直径为4 mm 时得到的工作压力与喷头流 量拟合曲线如图 11 所示。

由图 11 可知 ,喷头流量与喷头工作压力的关系 更趋近于二次多项式 ,该二次多项式为

Q = 1 × 10⁻⁵p² +0.002 9p +0.377 6 (7) 由式(6)、(7) 得喷头流量、喷嘴直径变形和喷 头工作压力三者的关系式为

 $Q = 5 \times 10^{-4} p^{2} + 0.001 \ 45p + 0.001 \ 25e^{5.998 \ 8\Delta D} + 0.188 \ 8$ (8)

当喷嘴直径为4 mm、工作压力为100、150、200、 250 和300 kPa 时喷嘴变形 ΔD 和流量 Q ,如图12 所 示。由图12 可知 随工作压力的增加喷嘴变形和喷 头流量增加。

2.3 试验结果验证

将模拟流量与试验流量进行对比 模拟结果的 误差如表1 所示。

由表1可知,同一喷嘴直径下随着工作压力的 增加模拟误差增大;同一工作压力下随喷嘴直径的 增大误差增大;即随着喷嘴变形的增大误差逐渐增



图 12 不同工作压力下喷嘴变形



表1 试验结果与模拟结果对比 Tab.1 Comparison of experimental results and

simulation	results
simulation	results

 喷嘴	工作	模拟流量平	试验流量平	相对	
直径/mm	压力/kPa	均值/m ³ •h ⁻¹	均值/m ³ •h ⁻¹	误差/%	
	200	0. 433	0.413	4. 788	
2	250	0.517	0.483	7.131	
	300	0.605	0.560	8.121	
	200	0. 722	0.688	4.978	
3	250	0.855	0.795	7.547	
	300	0. 980	0.904	8.430	
4	200	1.082	1.022	5.893	
	250	1.316	1.220	7.867	
	300	1.622	1.441	12. 591	

(2)建立了变量喷头及其内流道的三维实体模型。通过对内流道流场和喷嘴变形过程的模拟。建立了工作压力、喷嘴直径变形和喷头流量三者的关系模型。确定了弹性喷嘴的参数为锥形角40°、材料厚度5mm、伸出量4mm和圆柱端长度6mm。模拟结果表明。喷嘴变形与喷头流量呈指数函数关系。喷头流量与喷头的工作压力呈二次多项式关系。

(3) 采用全面喷洒试验的方法对喷头样品进行 试验,通过测量喷头流量和喷头工作压力,对模拟结 果进行误差分析。结果表明,试验数据与模拟数据 的误差随喷嘴直径变形的增加而增加,但误差在 13%以内,模型可靠。

参考文献

- 1 党福江. 双调控人工模拟降雨喷头: 中国 CN2928264 [P]. 2006-03-23.
- 2 舒安平. 便携式人工降雨模拟装置: 中国 ,CN101585024 [P]. 2009-06-25.
- 3 贵州师范大学. 一种人工降雨实验装置用的降雨器: 中国 CN201692902U [P]. 2010-07-08.
- 4 Robet E. Automatic water sprinkler for irregular areas: United States , US3952954 [P]. 1976-04-27.
- 5 Benjamin F , Rabitsch. Irrigation sprinkler: United States , US4277029A [P]. 1981-07-07.
- 6 Ohayon S. Automatic adjustable sprinkler for precision irrigation: United States , US6079637 [P]. 2000-06-27.
- 7 Hunnicutt S B , Samuel C W. Sprinkler with variable arc and flow rate and method: United States , US8272583 B2 [P]. 2009-05-29.
- 8 Gal I, Armon E, Bartal R, et al. Sprinkler: United States, US20110132997 A1 [P]. 2009-07-28.
- 9 韩文霆 陈香维 牛文全 為.射程和流量同步可控的双变量精确灌溉喷头:中国 ,CN1907574 [P]. 2006-08-11.
- 10 韩文霆,吴普特,冯浩,等. 仿形喷洒变量施水精确灌溉技术研究进展 [J]. 农业工程学报 2004,20(1): 16~19. Han Wenting, Wu Pute, Feng Hao, et al. Review on irrigated area profile modeling and variable-rate precision sprinkle irrigation technique [J]. Transactions of the CSAE, 2004, 20(1): 16~19. (in Chinese)
- 11 韩文霆,吴普特,冯浩,等.非圆形喷洒域变量施水精确灌溉喷头综述[J].农业机械学报 2004,35(5):220~224. Han Wenting, Wu Pute, Feng Hao, et al. Variable-rate sprinklers for precision irrigation on irregular boundary area [J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2004,35(5): 220~224. (in Chinese)
- 12 袁寿其 李红 刘俊萍 等. 一种摇臂式出口喷嘴调节装置: 中国 CN101716564A [P]. 2009-11-24.
- 13 韩文霆,吴普特,刘文帅. 一种柔性喷嘴的降雨模拟变量喷头: 中国, CN102179322A [P]. 2011-05-13.
- 14 Kuiken G C. Approximate dispersion equations for thin walled liquid-filled tubes [J]. Applied Scientific Research , 1984 , 41(1): 37 ~ 53.
- 15 Kuiken G C. Wave propagation in fluid line [J]. Applied Scientific Research , 1984 , 41(1): 69~91.
- 16 Kuiken G C. Wave propagation in a thin-walled liquid-filled initially stressed tube [J]. Applied Scientific Research , 1984 , 41(1): 289 ~ 308.
- 17 Kuiken G C. Amplification of pressure fluctuations due to fluid-structure interaction [J]. Journal of Fluids and Structures , 1988 , 2(5): 425 ~ 435.
- 18 Behr M, Abraham F. Free-surface flow simulations in the presence of inclined walls [J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineer, 2002, 191(47~48): 5467~5548.
- 19 Edoardo B , Fulvio S , Fabio P. A partition method for the solution of a coupled liquid-structure interaction problem [J]. Applied Numerical Mathematics , 2004 , 51(4): 463 ~ 475.
- 20 Yang J, Preidikman S, Balaras E. A strongly coupled, embedded-boundary method for fluid-structure interactions of elastically mounted rigid bodies [J]. Journal of Fluids and Structures, 2008, 24(2): 167 ~ 182.
- 21 郑艳丽. 三通管液压胀形的数值模拟[D]. 西安: 西北工业大学 2003. Zheng Yanli. The numerical simulation of the teerube's hydroforming[D]. Xi´an: Northwestern Polytechnical University, 2003. (in Chinese)
- 22 袁斌. 矩形平翅片热管散热器的传热分析和数值模拟 [D]. 镇江: 江苏大学 2006. Yuan Bin. Heat transfer analysis and numerical simulation on heat pipe radiator with rectangular fins [D]. Zhenjiang: Jiangsu University, 2006. (in Chinese)
- 23 许蕾,罗会信.基于 ANSYS ICEM CFD 和 CFX 数值仿真技术 [J]. 机械工程师 2008(12):65~66. Xu Lei, Luo Huixin. The technology of numerical simulation based on ANSYS ICEM CFD and CFX software [J]. Mechanical Engineer, 2008(12):65~66. (in Chinese)
- 24 张斌. 轴流泵叶片应力分析 [D]. 扬州: 扬州大学 2005. Zhang Bin, The analysis of axial flaw nump blade inner at
- Zhang Bin. The analysis of axial flow pump blade inner stress [D]. Yangzhou: Yangzhou University, 2005. (in Chinese)
 25 喻宇. 有压管道水流冲击气团的局部三维流场数值模拟研究 [D]. 哈尔滨: 哈尔滨工业大学 2011.
 Xu Yu Stuck on provided involving of based three dimensional flow fields with enterpole in models in a state of the s
- Yu Yu. Study on numerical simulation of local three-dimensional flow fields with entrapped air pockets in pressured pipelines [D]. Harbin: Harbin Institute of Technology , 2011. (in Chinese)
- 26 陶海亮,朱阳历,郭宝亭,等. 压气机叶片流固耦合数值计算[J]. 航空动力学报 2012,27(5):1054~1060. Tao Hailiang, Zhu Yangli, Guo Baoting, et al. Numerical simulation of aeroelastic response in compressor based on fluid-structure coupling[J]. Journal of Aerospace Power, 2012,27(5):1054~1060. (in Chinese)
- 27 刘德有 周领 索丽生 等. 水流冲击管道内滞留气团现象的 VOF 模型仿真分析 [J]. 计算力学学报 2009, 26(3): 390~394. Liu Deyou, Zhou Ling, Suo Lisheng, et al. Simulation and analysis of the rapid filling in pipeline containing trapped air mass with VOF models [J]. Chinese Journal of Computational Mechanics, 2009, 26(3): 390~394. (in Chinese)
- 28 廖斌 陈善群. 基于 NASA-VOF 模型的二维溃坝水流冲击丁坝流场模拟 [J]. 安徽工程大学学报 2012,27(4): 65~69. Liao Bin, Chen Shanqun. Numerical simulation of the collapse of two-dimensional dam-break flow with a dike based on NASA-VOF model [J]. Journal of Anhui Polytechnic University, 2012,27(4): 65~69. (in Chinese)